

فشرده‌سازی اطلاعات

۰۱-۷۰۲-۱۰-۱۴۰

بخش ششم



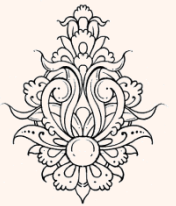
دانشگاه شهید بهشتی
پژوهشکده‌ی فضای مجازی

بهار ۱۴۰۱

احمد محمودی ازناوه

فهرست مطالب

- تبدیل کسینوسی صحیح
 - تصاویر پایه
 - ویژگی‌ها
- پردازش بلوکی تصاویر
- چندی کردن ضرائب (quantization)
- استاندارد فشرده‌سازی JPEG

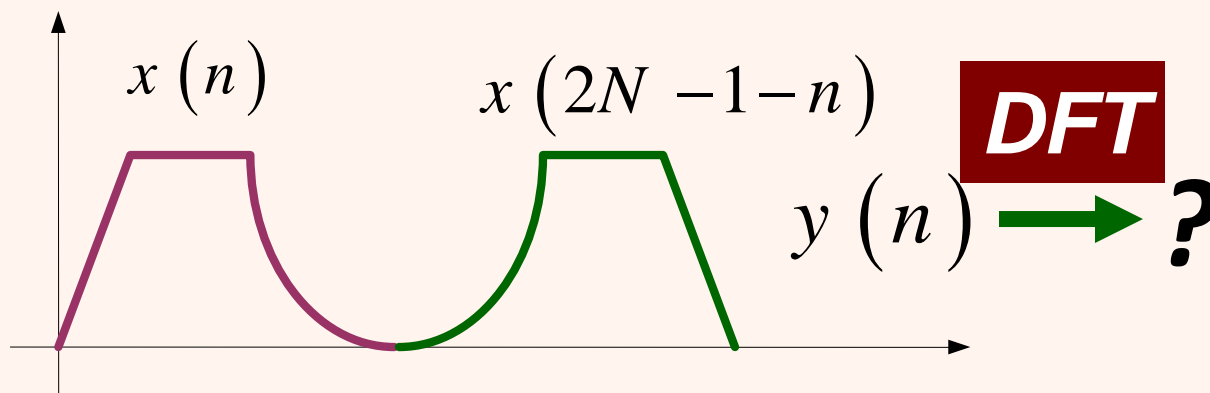


تبدیل کسینوسی گسسته

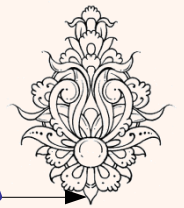
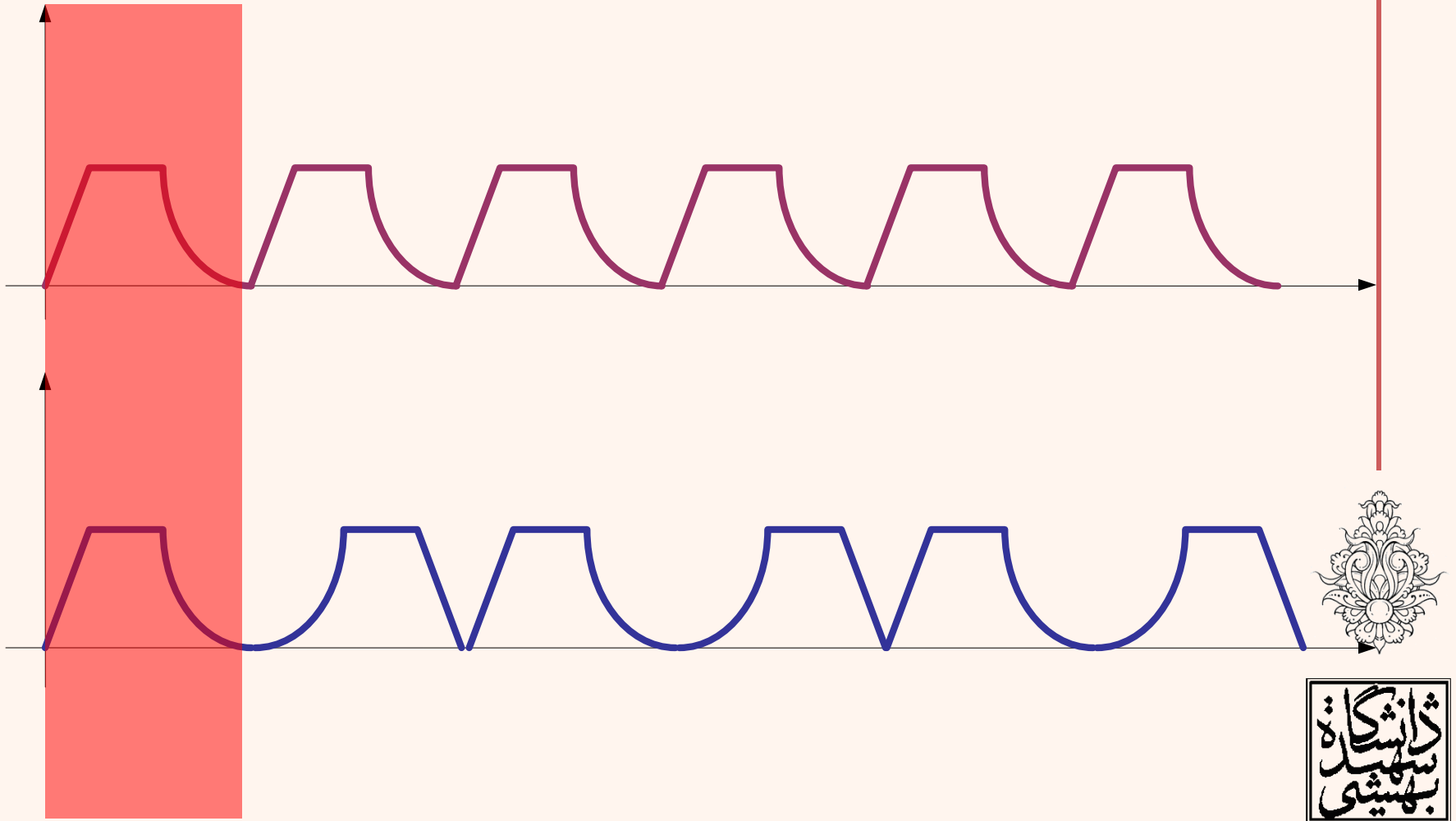
- یک سیگنال N نمونه‌ای، $x(n)$ مفروض است:

$$y(n) = x(n) + x(2N - 1 - n)$$

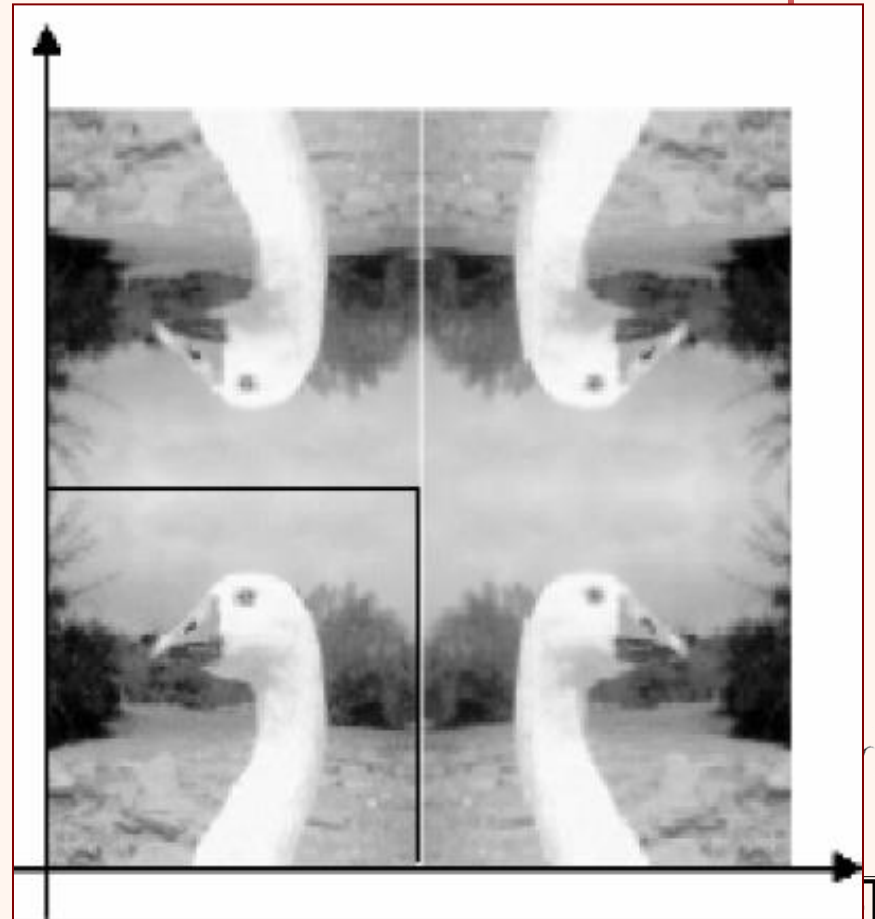
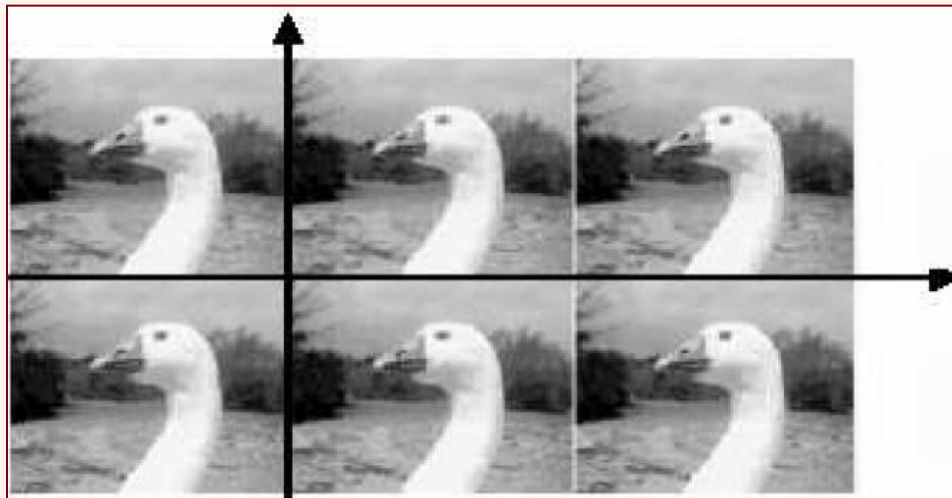
$$y(n) = \begin{cases} x(n) & 0 \leq n \leq N - 1 \\ x(2N - 1 - n) & N \leq n \leq 2N - 1 \\ 0 & \text{Otherwise} \end{cases}$$



تبدیل کسینوسی گسسته (ادامه...)



متناوب کردن تصویر



کتابخانه
سپهر
بهشتی

تبدیل کسینوسی گسسته

$$C(k_1, k_2) = \alpha(k_1, k_2) \sum_{m=0}^{N-1} \sum_{n=0}^{N-1} f(m, n) \cos\left(\frac{\pi(2m+1)k_1}{2N}\right) \cdot \cos\left(\frac{\pi(2n+1)k_2}{2N}\right);$$

$$0 \leq k_1 \leq N-1, \quad 0 \leq k_2 \leq N-1,$$

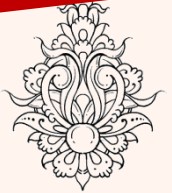
تبدیل کسینوسی گسسته

$$f(m, n) = \sum_{k_1=0}^{N-1} \sum_{k_2=0}^{N-1} \alpha(k_1, k_2) C(k_1, k_2) \cos\left(\frac{\pi(2m+1)k_1}{2N}\right) \cdot \cos\left(\frac{\pi(2n+1)k_2}{2N}\right);$$

$$0 \leq n \leq N-1, \quad 0 \leq m \leq N-1$$

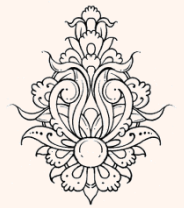
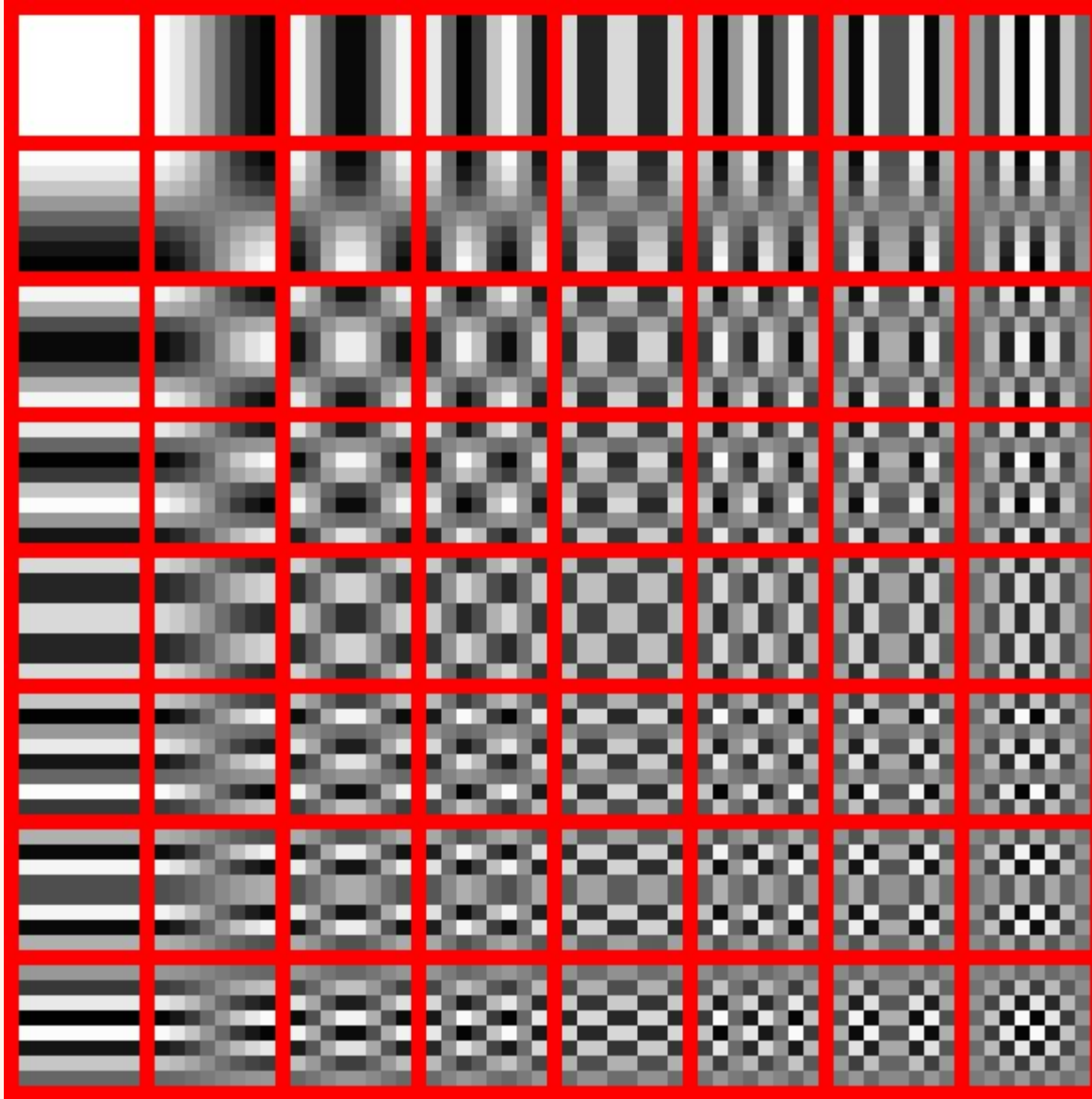
تبدیل معکوس

$$\alpha(k_1, k_2) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{N}} & k_1 = 0 & 0 \leq k_2 \leq N-1 \\ \frac{1}{\sqrt{N}} & k_2 = 0 & 0 \leq k_1 \leq N-1 \\ \sqrt{\frac{2}{N}} & 0 < k_1 \leq N-1 & 0 < k_2 \leq N-1 \end{cases}$$

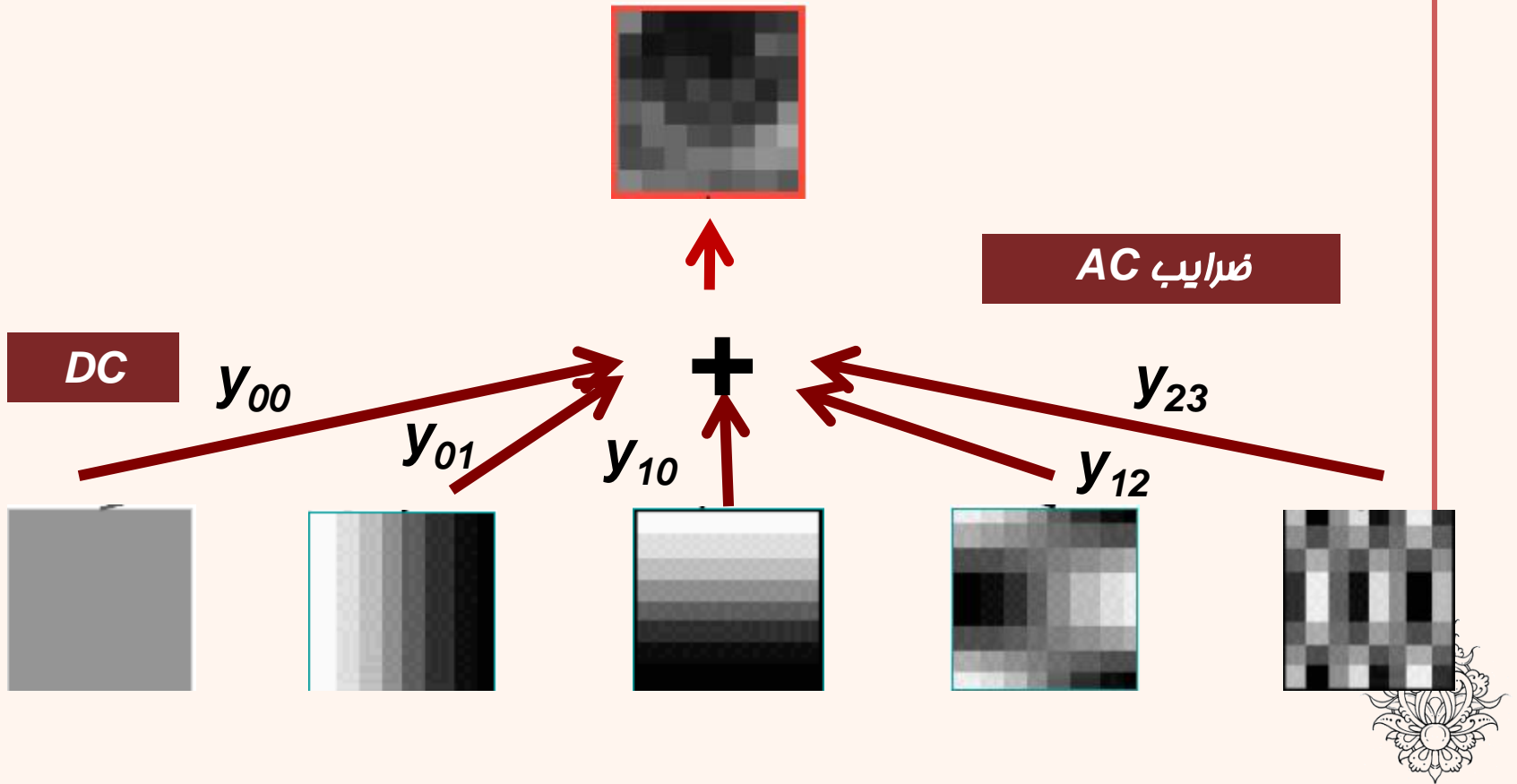


تصاویر پایه کسینوسی برای یک بلوک 8x8

تصاویر پایه



مثال



FFT و DCT

برای فشرده‌سازی تصویر ابتدا تصویر به «بلوک‌های ناهمپوشان» تقسیم شده و سپس مؤلفه‌های کم‌اهمیت هر بلوک در فضای تبدیل حذف می‌شوند.

FFT 25%
saving



DCT 25%
saving



FFT و DCT



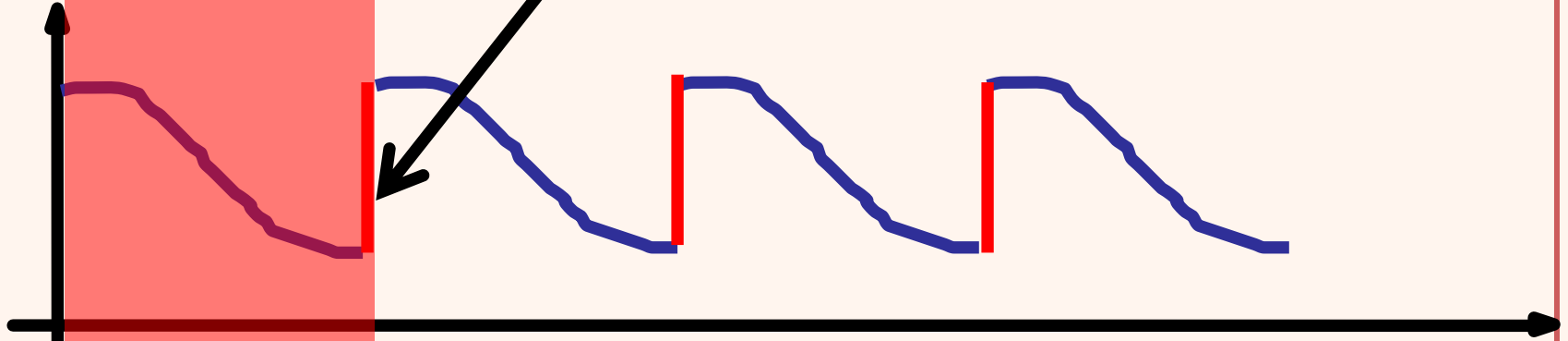
**FFT 25%
saving**

**DCT 25%
saving**



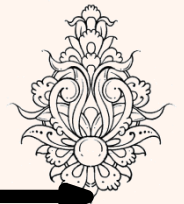
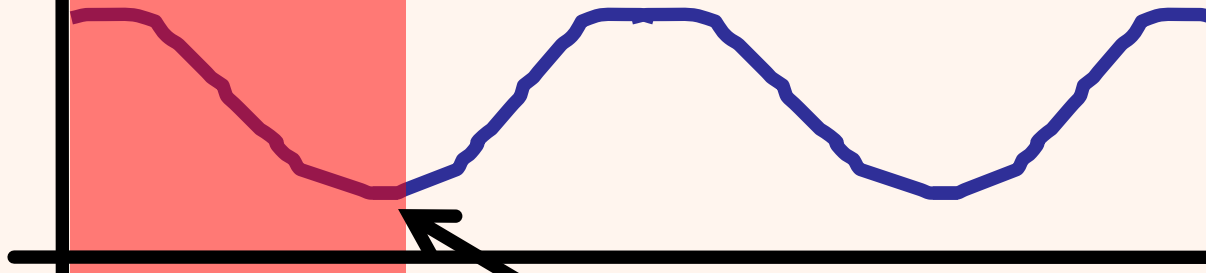
DFT

تغییرات ناگهانی لبه
(معادل فرکانس بالا)



DCT

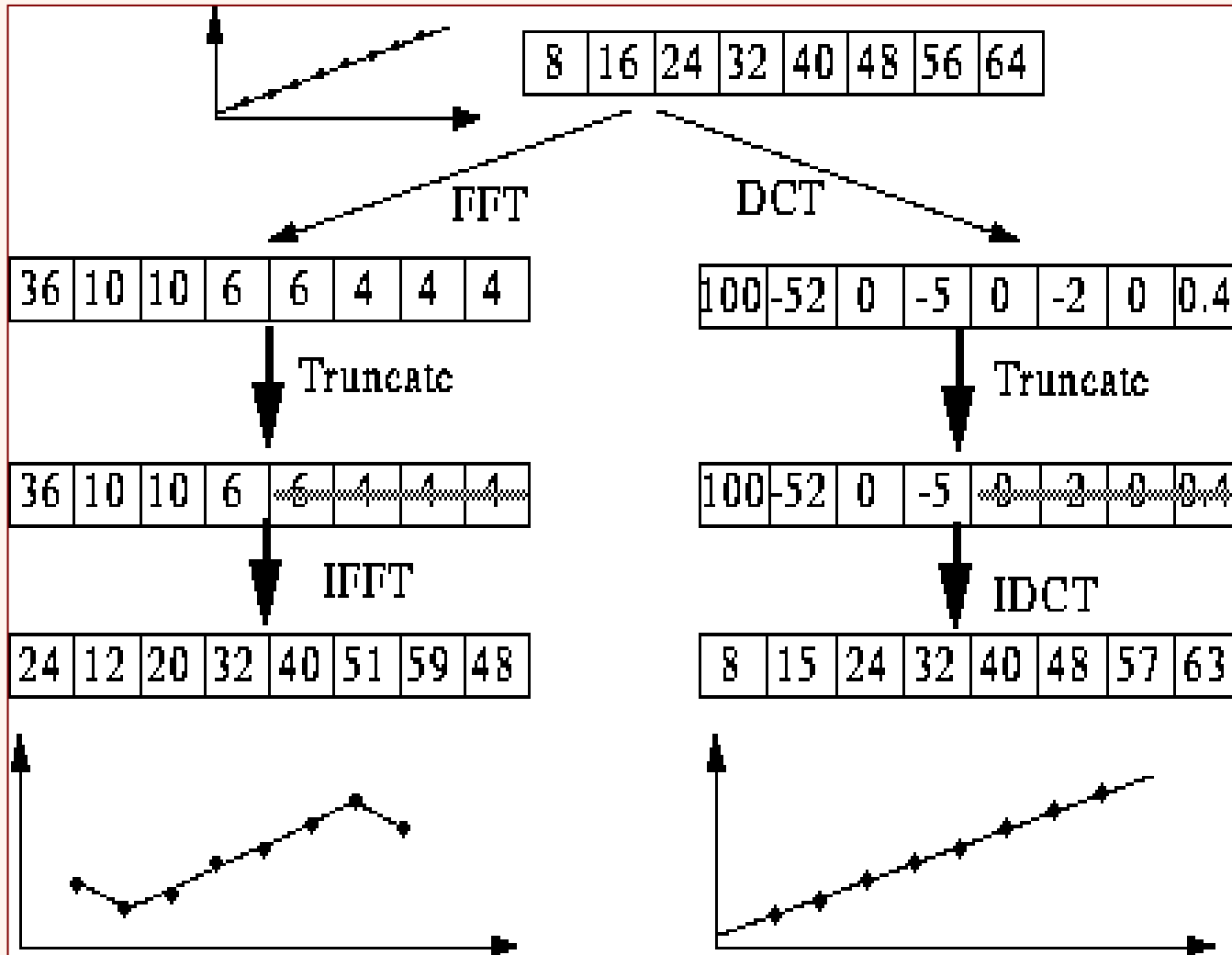
تغییرات نرم



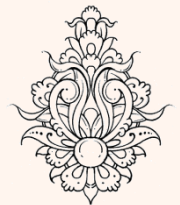
FFT / DCT

مقادیر ضرایب در DCT دقیق‌تری ولی در DFT مختلطند

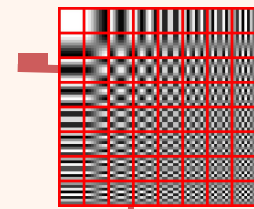
تقریب بهتر در DCT با استفاده از ضرایب کمتر



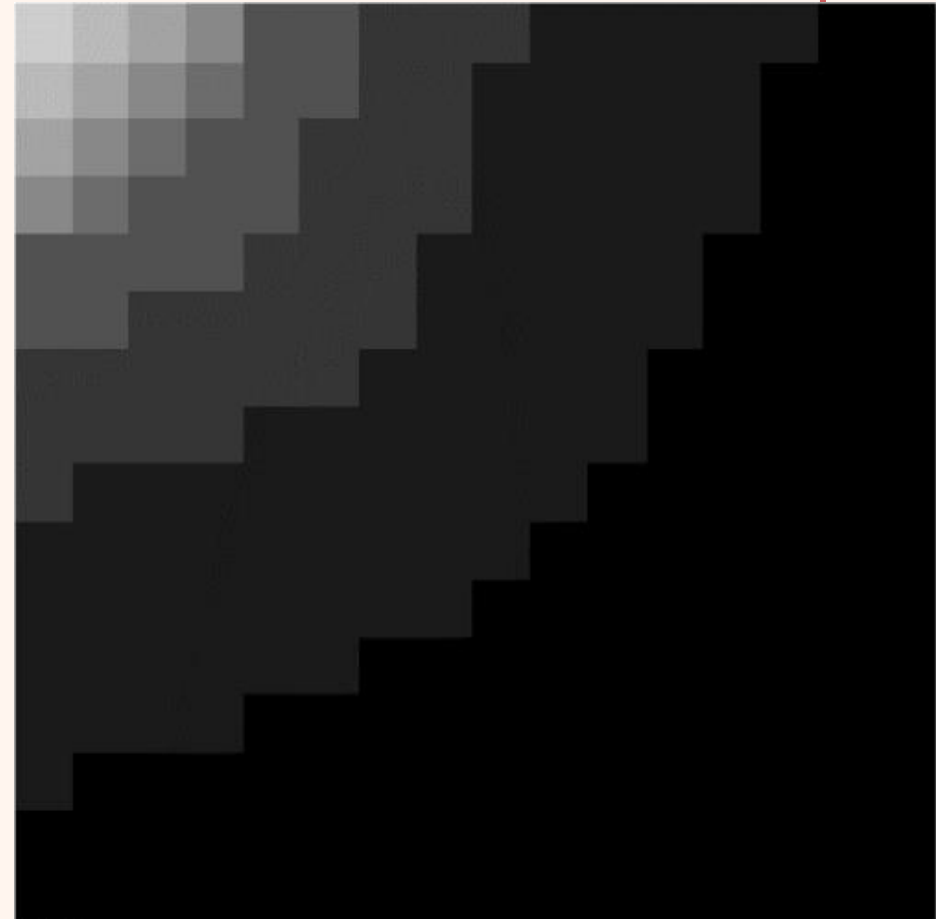
<http://www.cs.cf.ac.uk/Dave/Multimedia/node231.html>



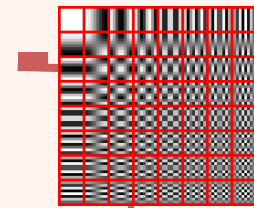
اهمیت نسبی ضرایب تبدیل کسینوسی



8	7	6	5	3	3	2	2	2	1	1	1	1	1	0	0
7	6	5	4	3	3	2	2	1	1	1	1	1	1	0	0
6	5	4	3	3	2	2	2	1	1	1	1	1	1	0	0
5	4	3	3	3	2	2	2	1	1	1	1	1	1	0	0
3	3	3	3	2	2	2	1	1	1	1	1	1	0	0	0
3	3	2	2	2	2	2	1	1	1	1	1	1	0	0	0
2	2	2	2	2	2	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0
2	2	2	2	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0
2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



مثال



```
f = imread('cameraman.tif');  
imshow(f, [ ]);  
J = dct2(f);  
figure;  
imshow(log(abs(J)), [ ]), colormap(gray),  
colorbar;title('DCT2');  
figure  
imshow(log(abs(J)), [ ]), colormap(jet(64)),  
colorbar;title('DCT2');  
K = idct2(J);  
figure;imshow(K, [ ]);
```



Rec

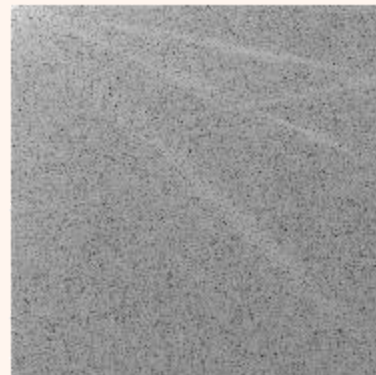


۱۴

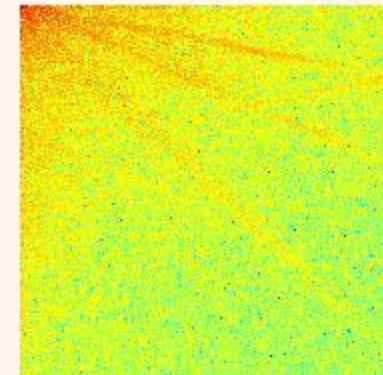


فشرده سازی

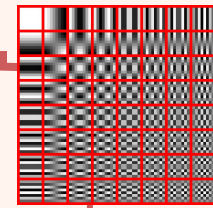
DCT2



DCT2



مثال



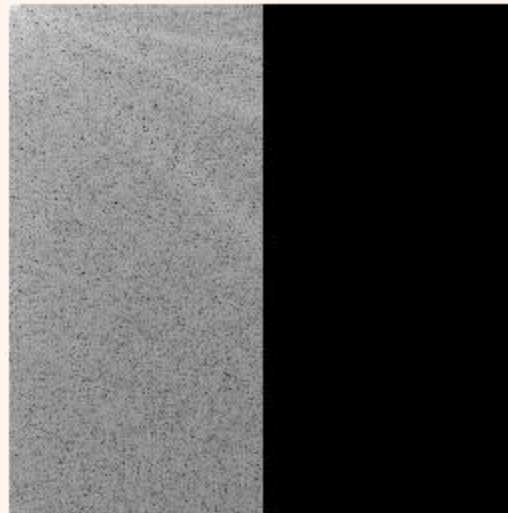
```
f = imread('cameraman.tif');  
imshow(f, []);  
J = dct2(f);  
a=ones(size(f));  
a(:,(size(f,2)/2):end)=0;  
J2=J.*a;  
figure;imshow(log(abs(J2)), []);  
K = idct2(J2);  
figure;imshow(uint8(K), []);  
Diff=f-uint8(K);  
figure;imshow(Diff, []);
```



difference

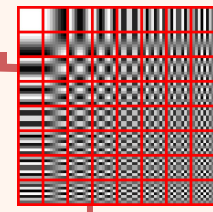


فشرده سازی



Rec

مثال



```
f = imread('cameraman.tif');  
imshow(f, []);  
J = dct2(f);  
a=ones(size(f));  
a((size(f,2)/2):end,:)=0;  
J2=J.*a;  
figure;imshow(log(abs(J2)), []);  
K = idct2(J2);  
figure;imshow(uint8(K), []);  
Diff=f-uint8(K);  
figure;imshow(Diff, []);
```

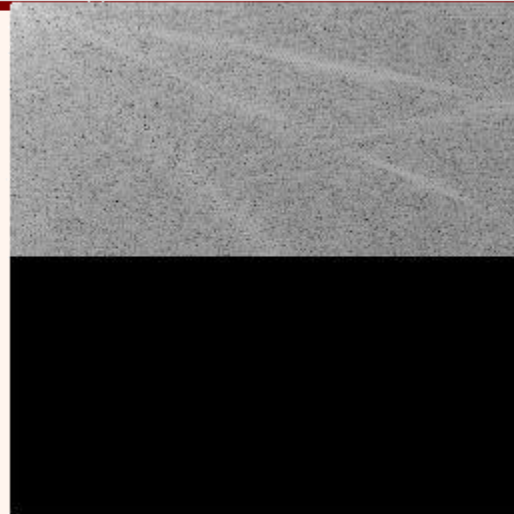


difference



Org

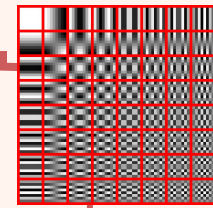
فشرده سازی



Rec

15

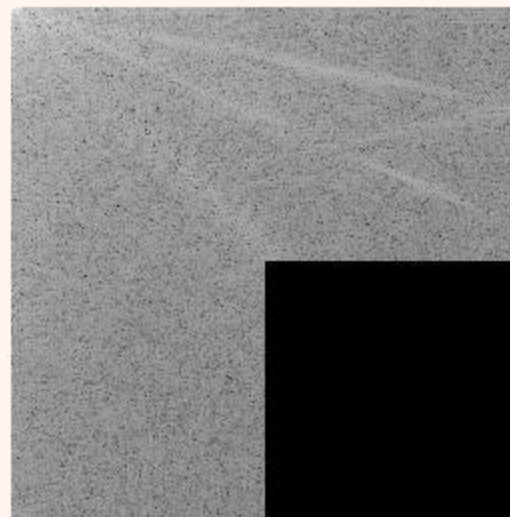
مثال



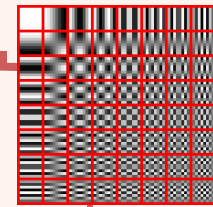
```
f = imread('cameraman.tif');  
imshow(f, [ ]);  
J = dct2(f);  
a=ones(size(f));  
a((size(f,2)/2):end, (size(f,2)/2):end)  
=0;  
J2=J.*a;  
figure;imshow(log(abs(J2)), [ ]);  
K = idct2(J2);  
figure;imshow(uint8(K), [ ]);  
Diff=f-uint8(K);  
figure;imshow(Diff, [ ]);
```



difference



مثال



```
f = imread('cameraman.tif');  
imshow(f, []);  
J = dct2(f);  
figure; imshow(log(abs(J)), []);  
a=zeros(size(f));  
for i=1:size(f,2)/2  
    for j=1:((size(f,2)/2)-i)  
        a(i,j)=1;  
    end  
end  
J2=J.*a;  
figure; imshow(log(abs(J2)), []);  
K = idct2(J2);  
figure; imshow(uint8(K), []);  
Diff=f-uint8(K);  
figure; imshow(Diff, []);
```

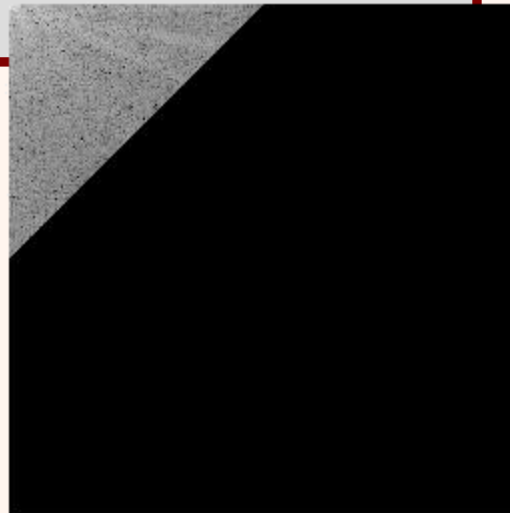


difference



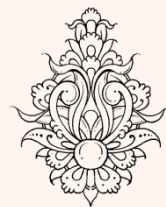
Org

فشارده سازی



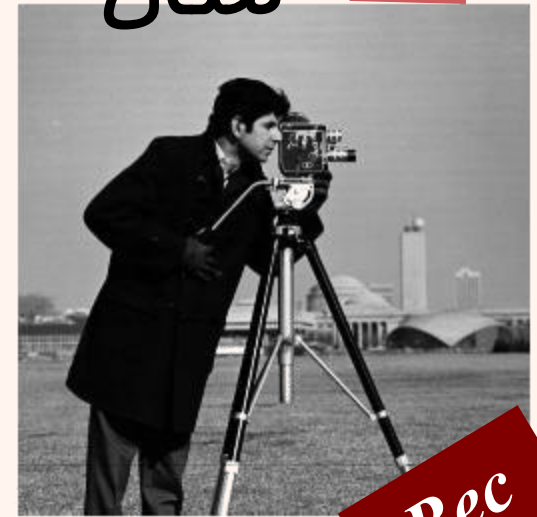
Rec

- در بسیاری از کاربردها در پردازش تصویر، بلوک بندی تصویر انجام شده و پس از آن هر بلوک مورد پردازش قرار می گیرد.
- این مسأله سبب می شود بتوان به صورت موازی به روی بخش های کوچک تری از تصویر پردازش همزمان صورت داد.
- بازده سیستم افزایش یافته، سرعت پردازش بالا می رود.
- معمولاً اندازه ی بلوک ها توانی از دو است.
 - بسته به کاربرد اندازه از 2×2 و بالاتر متغیر است.
- در بیشتر موارد (استانداردها) اندازه ی بلوک ها 8×8 در نظر گرفته می شود.

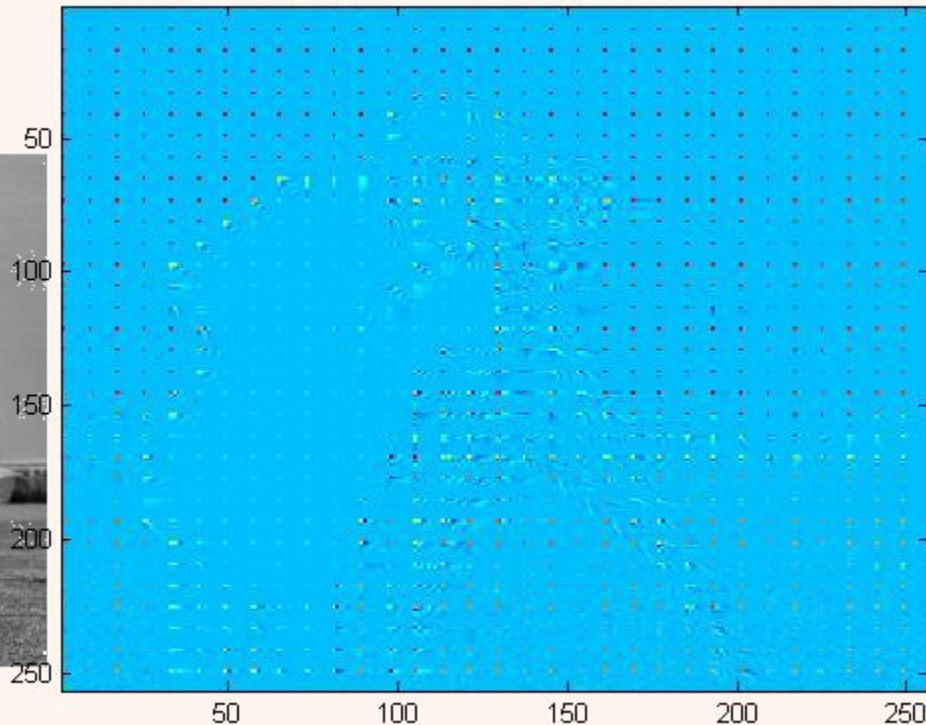
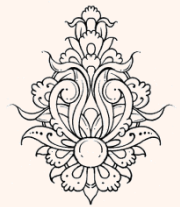


مثال

```
siz=8;  
I = imread('cameraman.tif');  
fun = @dct2;  
J = blkproc(I,[siz siz],fun);  
figure;imshow(I,[ ]);  
figure;imagesc(J), colormap(jet);  
fun = @idct2;  
I2 = blkproc(J,[siz siz],fun);  
figure;imshow(I2,[ ]);
```



Rec



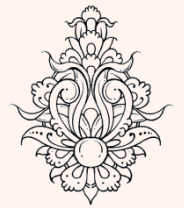
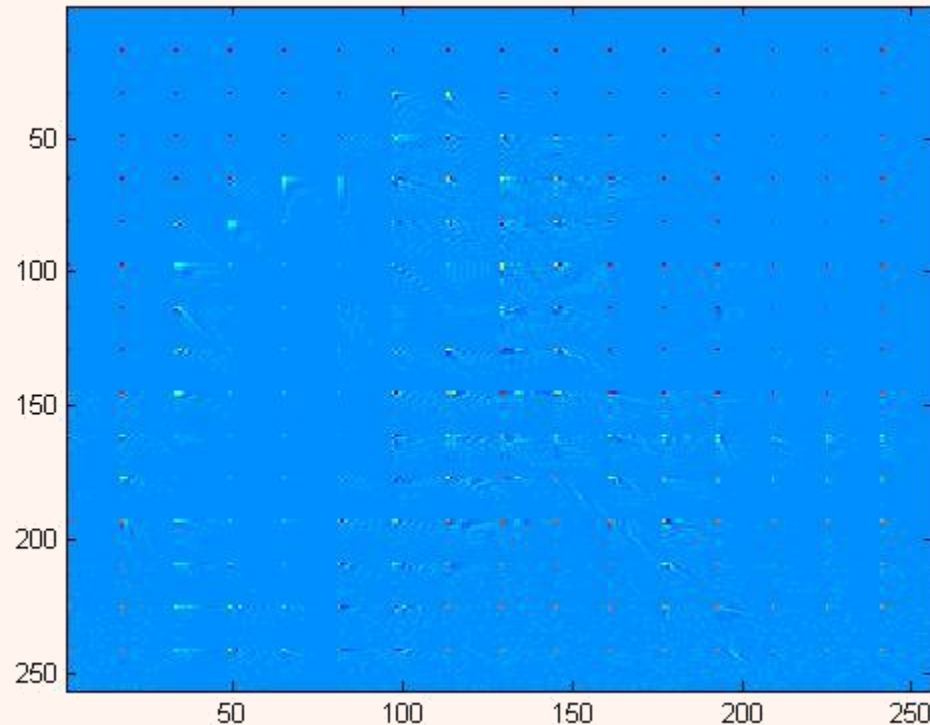

```
siz=16;  
I = imread('cameraman.tif');  
fun = @dct2;  
J = blkproc(I,[siz siz],fun);  
figure;imshow(I,[ ]);  
figure;imagesc(J), colormap(jet);  
fun = @idct2;  
I2 = blkproc(J,[siz siz],fun);  
figure;imshow(I2,[ ]);
```



Rec



Org



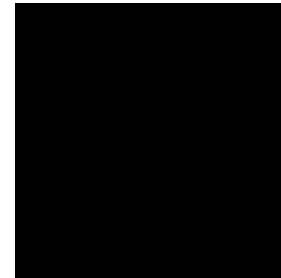
```

siz=16;
I = imread('cameraman.tif');
fun = @dct2;
J = blkproc(I,[siz siz],fun);
figure;imshow(I, []);
figure;imagesc(J), colormap(hot);
a=ones(siz);a(3:siz,3:siz)=0;
figure;imshow(a, []);
fun = @(x) (x).*a;
J2 = blkproc(J,[siz siz],fun);
figure;imagesc(J2), colormap(hot);
fun = @idct2;
I2 = blkproc(J2,[siz siz],fun);
figure;imshow(I2, []);

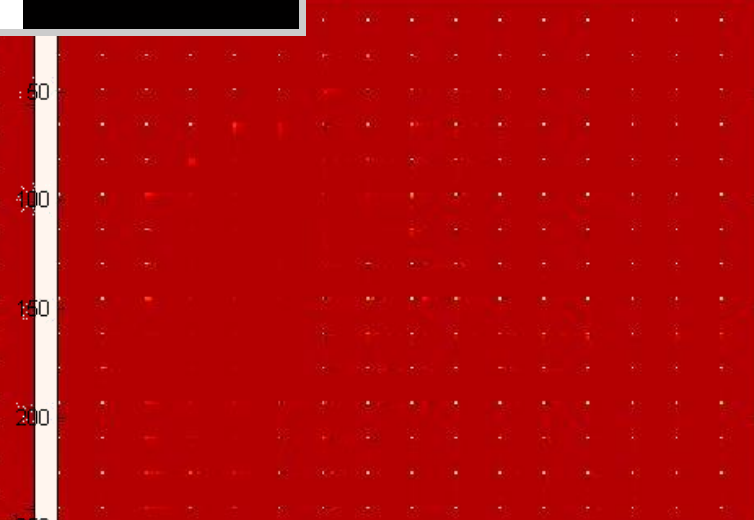
```



Rec



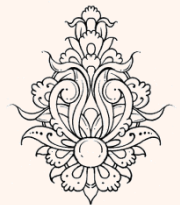
Org



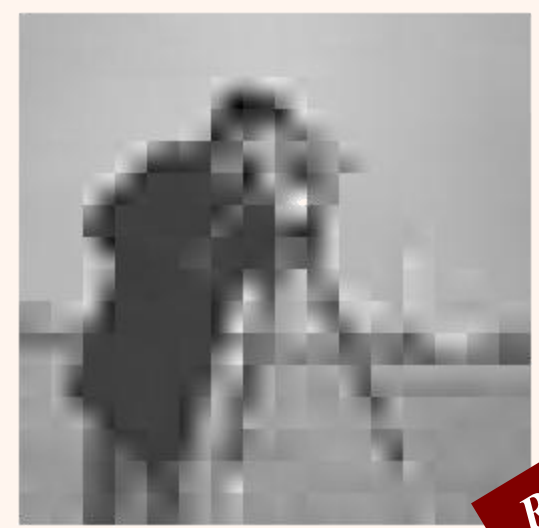
مثال



8x8 block implementation



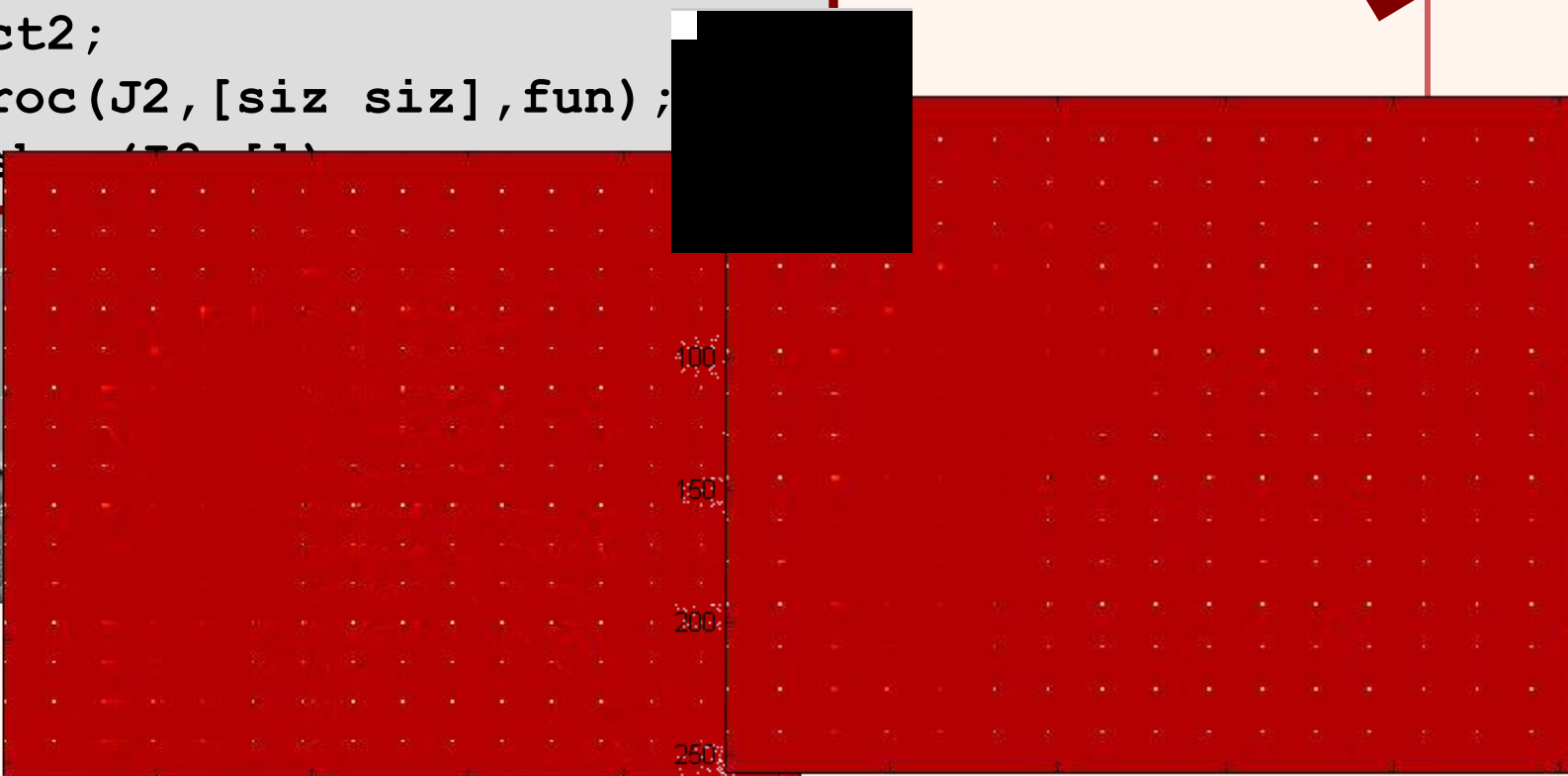
```
siz=16;I = imread('cameraman.tif');
fun = @dct2;
J = blkproc(I,[siz siz],fun);
figure;imshow(I, []);
figure;imagesc(J), colormap(hot);
a=zeros(siz);a(1:2,1:2)=1;
figure;imshow(a, []);
fun = @(x) (x).*a;
J2 = blkproc(J,[siz siz],fun);
figure;imagesc(J2), colormap(hot);
fun = @idct2;
I2 = blkproc(J2,[siz siz],fun);
figure;imshow(I2, []);
```



Rec



فشرده سازی



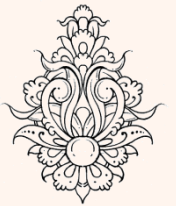
کدگذاری دامنه‌ی تبدیل

• مراحل

- اعمال تبدیل به روی تصویر
- کدگذاری ضرایب تبدیل
- ارسال داده‌ها
- بازسازی تصویر با استفاده از داده‌های ارسالی

• مزایا

- انرژی در ضرایب محدودی فشرده‌شده است.
- مقاومت در برابر خطاهای کانال ارسالی



کدگذاری

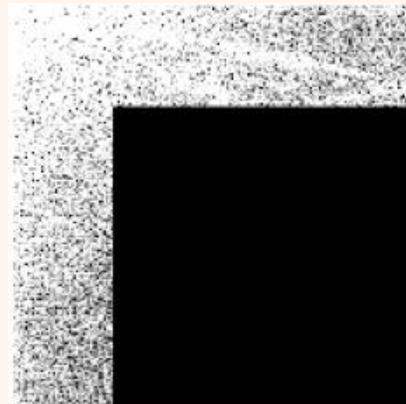
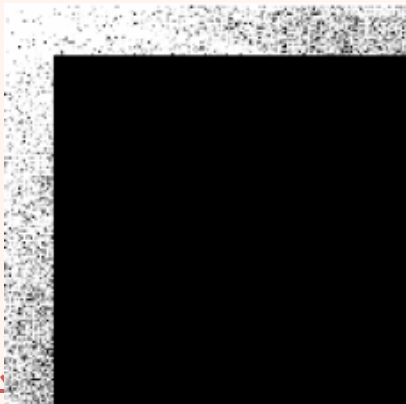
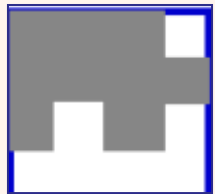
• کدگذاری

– ناحیه‌ای (Zonal Coding)

• تنها ناحیه‌ای از ضرایب ارسال می‌شود.

– آستانه‌ای (Threshold Coding)

• تنها ضرایبی ارسال می‌شود که از میزان آستانه بالاتر باشد.

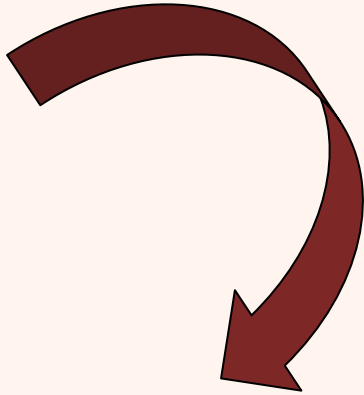


Zonal Coding



تازشکا
بهبیتو

120	134	24	17
145	145	230	25
16	234	23	18
23	24	28	19



Compression!!!

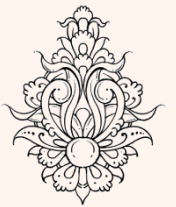
306.2500	104.8835	-114.7500	-45.3384
100.0207	62.2961	-1.1577	30.1075
-111.7500	-6.2990	99.2500	5.0445
-55.7716	26.1075	-7.3678	-160.7961



چندی کردن

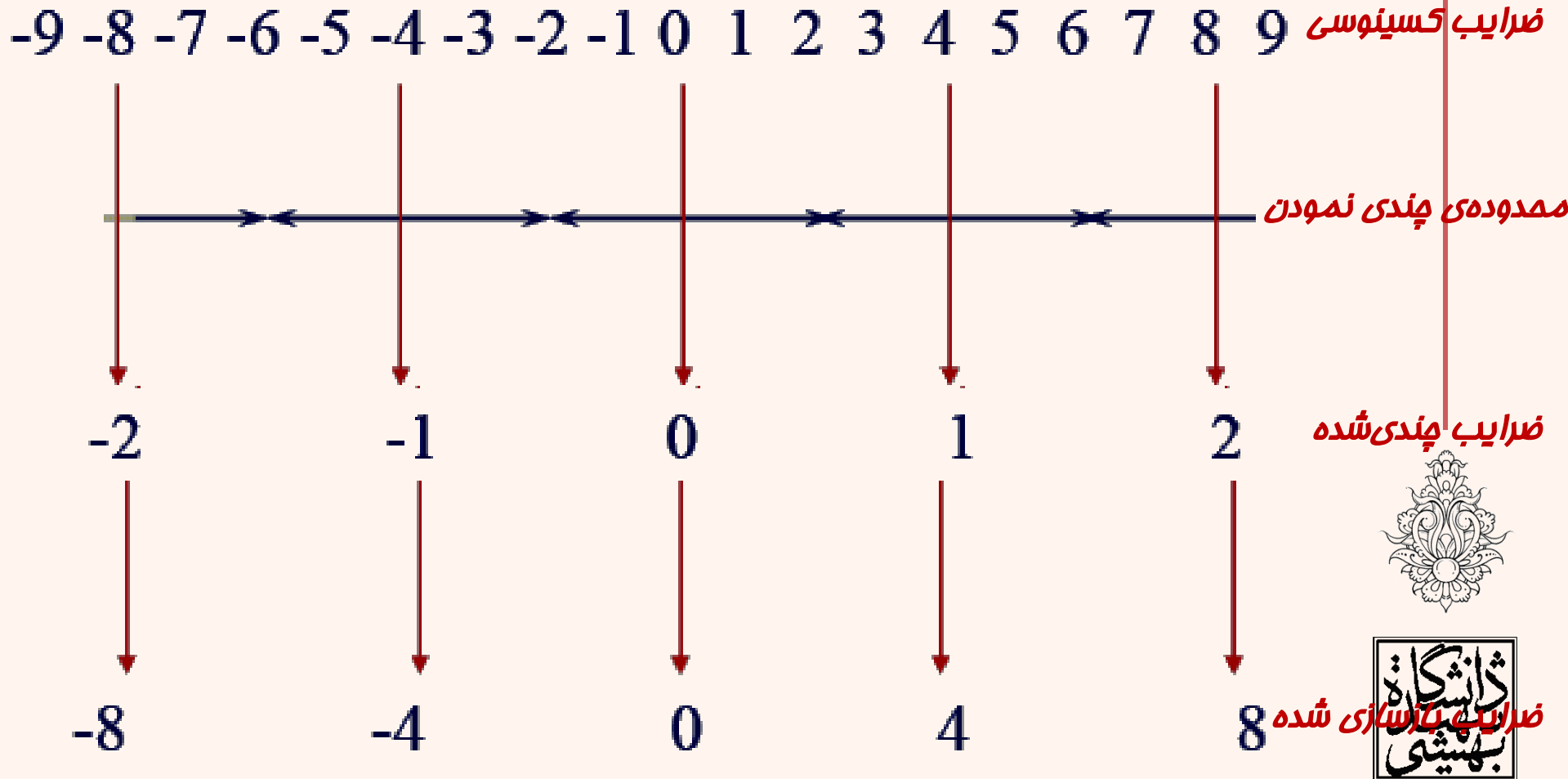
Quantization

- به وسیله‌ی چندی کردن از دقت ضرایب کسینوسی کاسته می‌شود به گونه‌ای که تبدیل به مقادیر صحیح گردند.
- این مساله باعث می‌شود که بسیاری از ضرایب فرکانس‌های بالا به صفر تبدیل گردند.
- آستانه‌ای که با استفاده از آن چندی شدن صورت می‌پذیرد به گونه‌ای انتخاب می‌شود که نتیجه‌ی بازسازی تا حد ممکن برای چشم انسان قابل رویت نباشد.



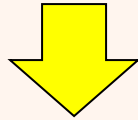
مثال

Quantization=4



-415	-33	-58	35	58	-51	-15	-12
5	-34	49	18	27	1	-5	3
-46	14	80	-35	-50	19	7	-18
-53	21	34	-20	2	34	36	12
9	-2	9	-5	-32	-15	45	37
-8	15	-16	7	-8	11	4	7
19	-28	-2	-26	-2	7	-44	-21
18	25	-12	-44	35	48	-37	-3

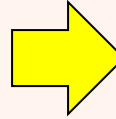
ضرایب DCT



$$\text{round}\left(\frac{-415}{16}\right) = \text{round}(-25.9375) = -26$$

ماتریس پندی کننده

16	11	10	16	24	40	51	61
12	12	14	19	26	58	60	55
14	13	16	24	40	57	69	56
14	17	22	29	51	87	80	62
18	22	37	56	68	109	103	77
24	35	55	64	81	104	113	92
49	64	78	87	103	121	120	101
72	92	95	98	112	100	103	99



-26	-3	-6	2	2	-1	0	0
0	-3	4	1	1	0	0	0
-3	1	5	-1	-1	0	0	0
-4	1	2	-1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

ماتریس نتیجه‌ی پندی شده



فشرده‌سازی

ماتریس پندی کننده استاندارد برای بازسازی استفاده خواهد شد.

مراحل الگوریتم JPEG

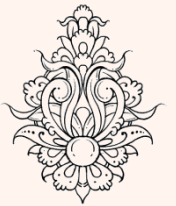
- بلوک بندی تصاویر

– تصویر $f(m, n)$ ← زیر تصاویرهای 8×8 $f_i(m, n)$

– فرض می‌کنیم مقادیر روشنایی $[0, 2^L - 1]$

- هر f_i با رابطه‌ی زیر به g_i تبدیل می‌شود:

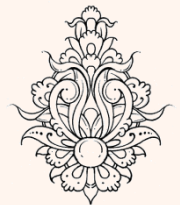
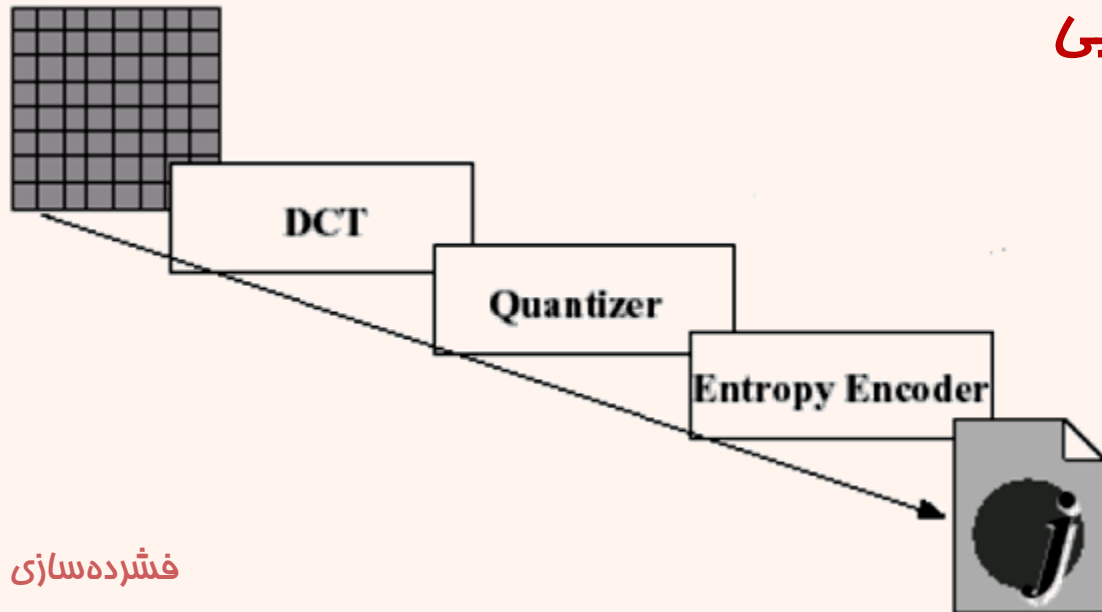
$$g_i(m, n) = f_i(m, n) - 2^{L-1}$$



مراحل الگوریتم JPEG (ادامه...)

• چگونگی الگوریتم فشرده‌سازی

- بلوک‌بندی تصویر
- اعمال تبدیل گسسته‌ی کسینوسی
- چندی نمودن ضرایب
- پویش زیگزاگ ضرایب
- کدگذاری آنتروپی
- ارسال



مراحل الگوریتم jpeg (ادامه...)

- $g_i(m, n)$ ورودی تبدیلی DCT هستند که نتیجه‌ای همانند $D_i(k_1, k_2)$ دارند.
- ماتریس چندی‌کننده‌ای در نظر گرفته شده رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

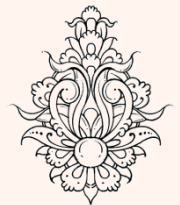
$$D_{iq}(k_1, k_2) = \text{round}\left[\frac{D_i(k_1, k_2)}{T(k_1, k_2) \times \alpha}\right] \rightarrow \text{میزان ریزش}$$

• مرتب نمودن زیگزاگ

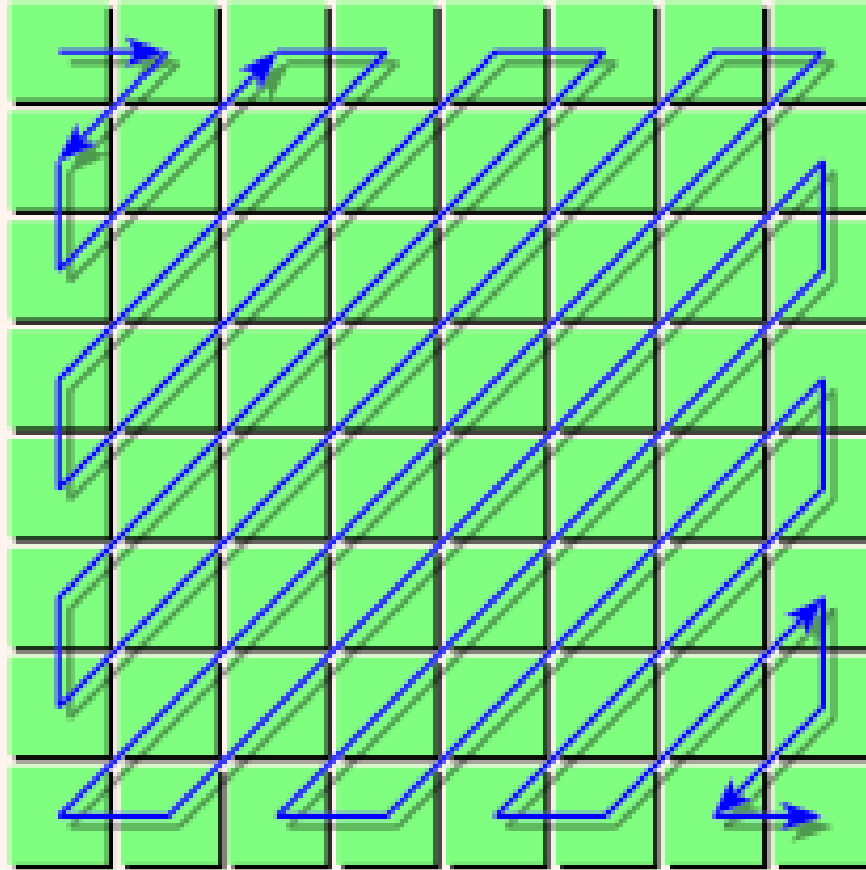
• کدگذاری مقادیر

DC -

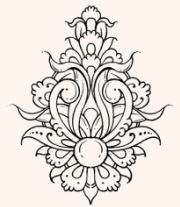
AC -



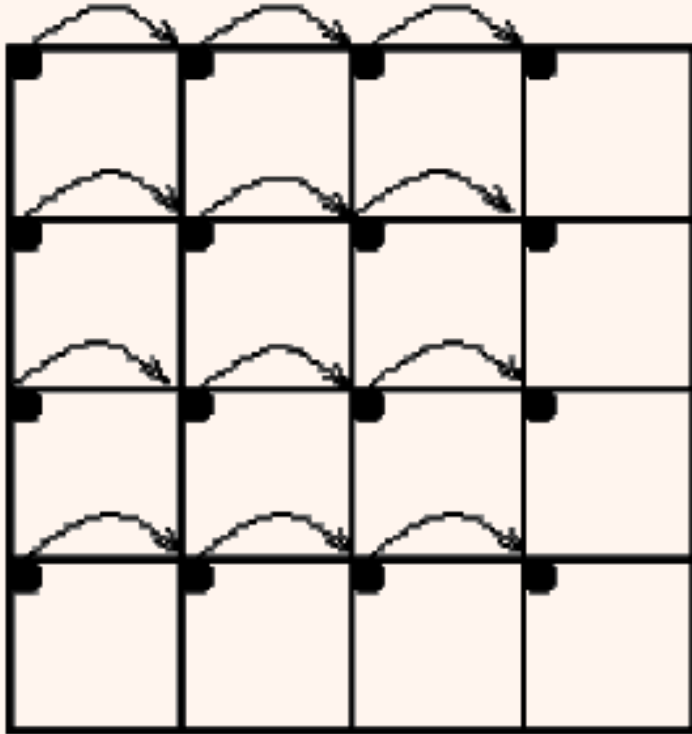
پویش ضرایب



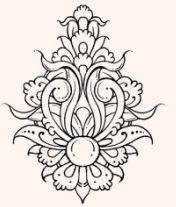
پویش ضرایب به صورت زیگزاگ صورت می‌پذیرد



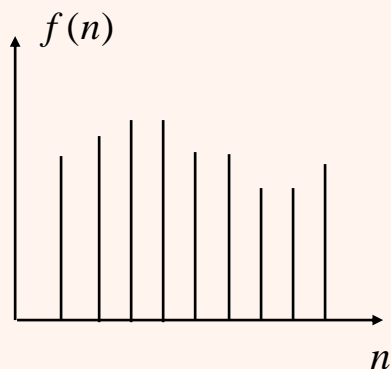
کدگذاری مؤلفه‌های DC



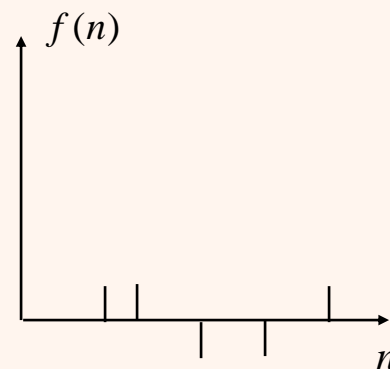
اختلاف مؤلفه‌های DC بلوک‌های متوالی کد می‌شوند



Differential Pulse Code Modulation (DPCM)



$$f(n) = 156, 157, 158, 158, 156, 156, 154, 154, 155$$



$$\delta f(n) = 156, 1, 1, 0, -2, 0, -2, 0, 1$$

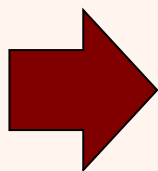


Run-Level coding

- در این شیوهی کد نمودن از تعداد صفرها و عناصر غیر صفر استفاده می‌شود:

102	-33	-3	-4	-2	-1	0	0
21	-2	-3	0	-1	0	0	0
-3	0	1	0	0	0	0	0
2	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
-2	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

*[-33, 21, -3, -2, -3, -4, -3, 0,
2, 1, 0, 1, 0, -2, -1, -1, 0, 0, 0,
-2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0]*



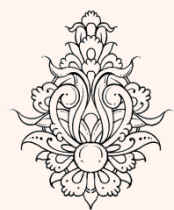
*(0,-33) (0,21) (0,-3) (0,-2) (0,3)(0,-4) (0,-3)
(1,2) (0,1) (1,1) (1,-2) (0,-1) (0,-1) (3,-2)
(11,1)*



Coefficient to be transmitted	etc. ↑ Coefficient code	Size parameter
15	1 1 1 1	4
14	1 1 1 0	
13	1 1 0 1	
12	1 1 0 0	
11	1 0 1 1	
10	1 0 1 0	
9	1 0 0 1	
8	1 0 0 0	
7	1 1 1	3
6	1 1 0	
5	1 0 1	
4	1 0 0	
3	1 1	2
2	1 0	
1	1	1
-1	0	2
-2	0 1	
-3	0 0	
-4	0 1 1	3
-5	0 1 0	
-6	0 0 1	
-7	0 0 0	
-8	0 1 1 1	4
-9	0 1 1 0	
-10	0 1 0 1	
-11	0 1 0 0	
-12	0 0 1 1	
-13	0 0 1 0	
-14	0 0 0 1	
-15	0 0 0 0	
	etc. ↓	

(RUN, CAT)

CAT is the category for the amplitude of a nonzero coefficient in the zigzag order, and RUN is the number of zeros preceding this nonzero coefficient



گروه بندی مقادیر

Range	DC Difference Category	AC Category
0	0	N/A
-1, 1	1	1
-3, -2, 2, 3	2	2
-7, ..., -4, 4, ..., 7	3	3
-15, ..., -8, 8, ..., 15	4	4
-31, ..., -16, 16, ..., 31	5	5
-63, ..., -32, 32, ..., 63	6	6
-127, ..., -64, 64, ..., 127	7	7
-255, ..., -128, 128, ..., 255	8	8
-511, ..., -256, 256, ..., 511	9	9
-1023, ..., -512, 512, ..., 1023	A	A
-2047, ..., -1024, 1024, ..., 2047	B	B
-4095, ..., -2048, 2048, ..., 4095	C	C
-8191, ..., -4096, 4096, ..., 8191	D	D
-16383, ..., -8192, 8192, ..., 16383	E	E
-32767, ..., -16384, 16384, ..., 32767	F	N/A

Table is from slides at Gonzalez/ Woods DIP book website (Chapter

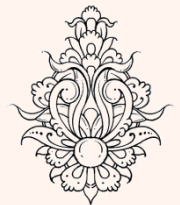


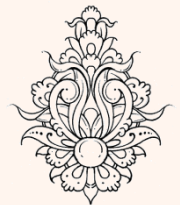
Table is from slides at Gonzalez/ Woods DIP book website (Chapter 8)

Category	Base Code	Length	Category	Base Code	Length
0	010	3	6	1110	10
1	011	4	7	11110	12
2	100	5	8	111110	14
3	00	5	9	1111110	16
4	101	7	A	11111110	18
5	110	8	B	111111110	20

ضرایب DC

ضرایب AC

Run/ Category	Base Code	Length	Run/ Category	Base Code	Length
0/0	1010 (= EOB)	4			
0/1	00	3	8/1	11111010	9
0/2	01	4	8/2	11111111000000	17
0/3	100	6	8/3	111111110110111	19
0/4	1011	8	8/4	111111110111000	20
0/5	11010	10	8/5	111111110111001	21
0/6	111000	12	8/6	111111110111010	22
0/7	1111000	14	8/7	111111110111011	23
0/8	111110110	18	8/8	111111110111100	24
0/9	111111110000010	25	8/9	111111110111101	25
0/A	111111110000011	26	8/A	111111110111110	26
1/1	1100	5	9/1	111111000	10
1/2	111001	8	9/2	111111110111111	18
1/3	1111001	10	9/3	111111111000000	19
1/4	111110110	12	9/4	111111111000001	20



سازی

Codeword for the DC coefficient

Category	Base Code	Length
0	010	3
1	011	4
2	100	5
3	00	5
4	101	7
5	110	8

DC

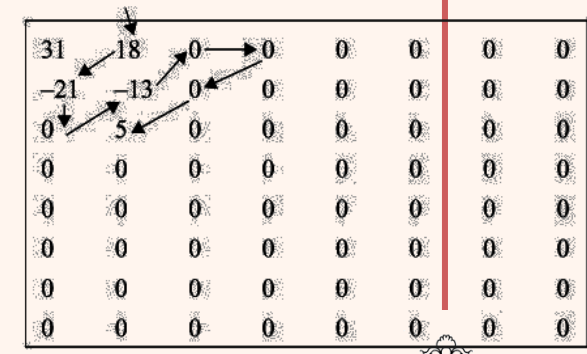
DIFF = 31 - 28 = 3 →

CAT = 2

CAT is 100 →

DIFF = 3 > 0 →

the DC coefficient is 10011



Codeword for the AC coefficients

AC=18

the codeword for (0, 5) is 11010 →

1101010010

AC=-21

the codeword for (0, 5) is 11010 →

1101001010

AC

Run/Category	Base
0/0	1010 (=1)
0/1	00
0/2	01
0/3	100
0/4	1011
0/5	11010

Range	DC Difference Category	AC Category
0	0	N/A
-1, 1	1	1
-3, -2, 2, 3	2	2
-7, ..., -4, 4, ..., 7	3	3
-15, ..., -8, 8, ..., 15	4	4
-31, ..., -16, 16, ..., 31	5	5

مدان

-26 -3 1 -3 -2 -6 2 -4 1 -4 1 1 5 0 2 0 0 -1 2 0 0 0 0 0 -1 -1 EOB

-3	(0/2)=0100
1	(0/1)=001
-3	(0/2)=0100
-2	(0/2)=0101
-6	(0/3)=100001
2	(0/2)=0110

-4	(0/3)=100011
1	(0/1)=001
-4	(0/3)=100011
1	(0/1)=001
1	(0/1)=001
5	(0/3)=100101

2	(1/2)=11100110
-1	(2/1)=110110
2	(0/2)=0110
-1	(5/1)=11110100
-1	(0/1)=000
EOB	1010

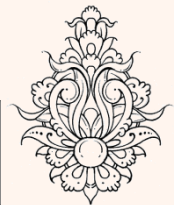
قطار بیت ارسالی برای ضرایب AC

0100 001 0100 0101 100001 0110 100011 001 100011 001 001 100101 11100110
110110 0110 11110100 000 1010

تعداد بیت‌های ارسالی 85 بیت

Range	DC Difference Category	AC Category
0	0	N/A
-1, 1	1	1
-3, -2, 2, 3	2	2
-7, ..., -4, 4, ..., 7	3	3
-15, ..., -8, 8, ..., 15	4	4
-31, ..., -16, 16, ..., 31	5	5
-63, ..., -32, 32, ..., 63	6	6
-127, ..., -64, 64, ..., 127	7	7
-255, ..., -128, 128, ..., 255	8	8
-511, ..., -256, 256, ..., 511	9	9
-1023, ..., -512, 512, ..., 1023	A	A
-2047, ..., -1024, 1024, ..., 2047	B	B
-4095, ..., -2048, 2048, ..., 4095	C	C
-8191, ..., -4096, 4096, ..., 8191	D	D
-16383, ..., -8192, 8192, ..., 16383	E	E
-32767, ..., -16384, 16384, ..., 32767	F	N/A

Run/Category	Base Code	Length
0/0	1010 (= EOB)	4
0/1	00	3
0/2	01	4
0/3	100	6
0/4	1011	8
0/5	11010	10



تراشه‌های
بهره‌مندی



Original

bpp = 8.00 mse = 0.00



JPEG

bpp = 1.00 mse = 17.26



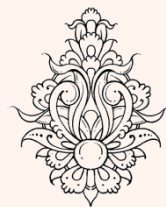
JPEG

bpp = 0.50, mse = 33.08

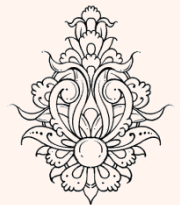
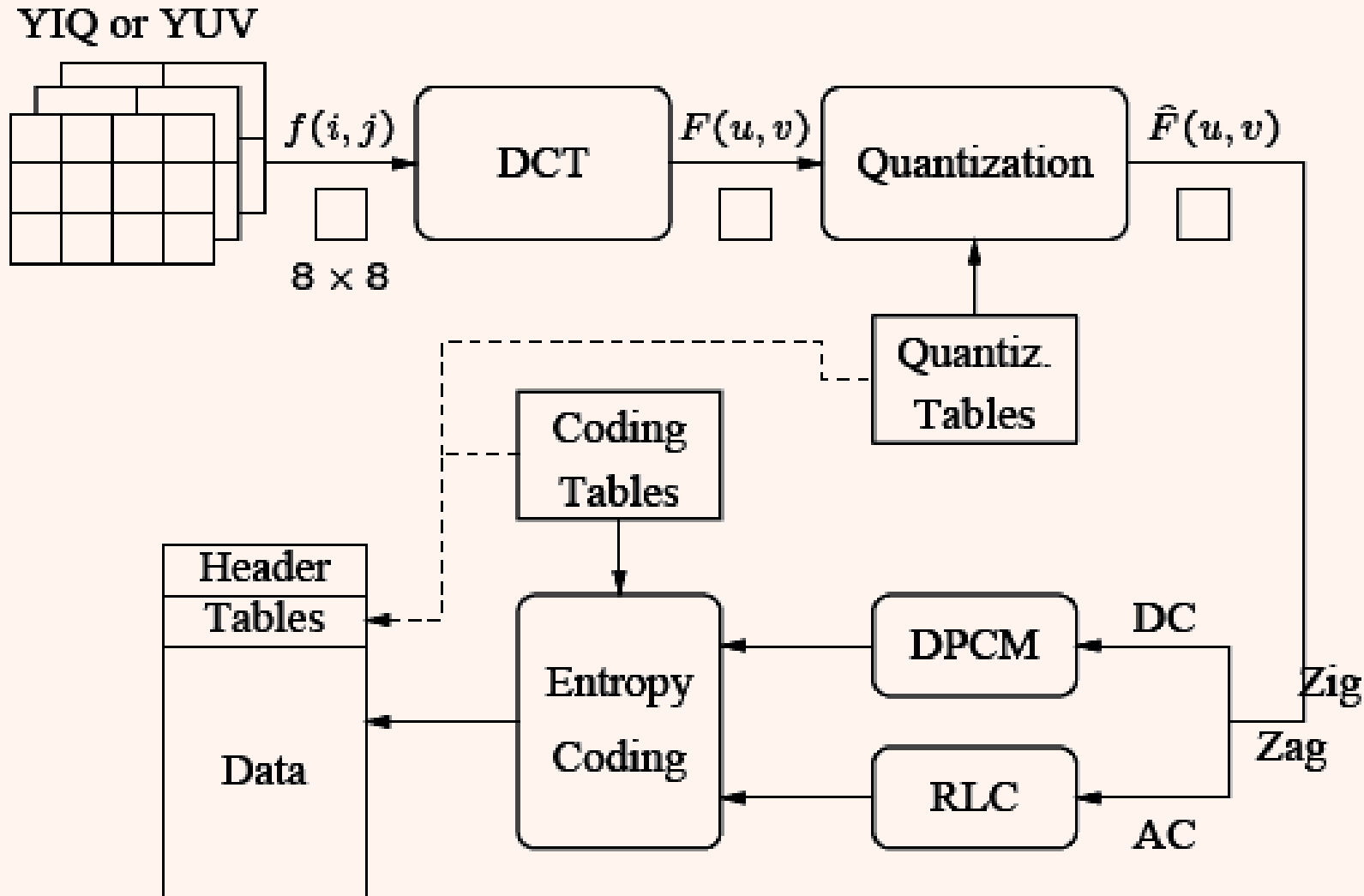


JPEG

bpp = 0.25, mse = 79.11



Block diagram for JPEG encoder.



مقایسه‌ی تصویر

- برای مقایسه‌ی تصویر بهترین معیار مشاهده‌ی آن است

– معیار کیفی است

– وابسته به احساس بشر

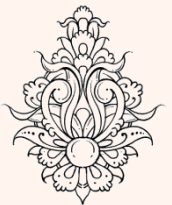
- معیار کمی

– مجموع مربعات خطا (MSE)

– نسبت توان سیگنال به نویز (SNR)

$$MSE = \frac{\sum_{m=0}^{M-1} \sum_{n=0}^{N-1} [f(m,n) - \hat{f}(m,n)]^2}{MN}$$

$$SNR = \frac{\sum_{m=0}^{M-1} \sum_{n=0}^{N-1} f(m,n)^2}{\sum_{m=0}^{M-1} \sum_{n=0}^{N-1} [f(m,n) - \hat{f}(m,n)]^2}$$



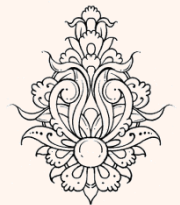
peak signal-to-noise ratio

- پاسخ بر پایه‌ی db است

$$PSNR = 10 \times \log\left(\frac{255^2}{MSE}\right)$$

- به صورت کلی اگر هر پیکسل را با B بیت بتوان نشان داد، فرمول مذکور به صورت زیر تغییر می‌نماید

$$PSNR = 10 \times \log\left(\frac{(2^B - 1)^2}{MSE}\right)$$



آیا PSNR معیار خوبی است؟



$MSE=100.006$



$MSE=48.82$

اصلى



۱



$PSNR=22.78$

۳



$PSNR=22.97$

۲



$PSNR=22.87$



تراشگاه
سپیدی
بهشتی

استانداردهای جدید

JPEG

BPG

39.2 KB ← → 40.3 KB



استانداردهای جدید

JPEG

BPG



The blocking, color banding and aliasing artifacts of heavily compressed JPEG (left), while the heavily compressed BPG (right) looks much

smoother

